

# Algorithmen und Datenstrukturen in C/C++

Prof. Dr. rer. nat. Peter Gerwinski

12. April 2018

# Algorithmen

## Differentialgleichungen

- Pendel
- Basketball

## Rekursion

- Türme von Hanoi

→ *Wie rechnet man das überhaupt aus?*

## Aufwandsabschätzungen

- Selectionsort
- Bubblesort
- Quicksort

→ *Wie rechnet man das möglichst effizient aus?*

- ? möglichst schnell
- ? mit möglichst wenig Speicherplatzverbrauch
- ? unter Berücksichtigung gegebener Randbedingungen

# Datenstrukturen

## Structs und Objekte

- zusammengehörige Daten gemeinsam speichern

## Stack und FIFO – Arrays

- effizientes Anfügen und Entfernen vorne und hinten
- effizienter direkter Zugriff auf Elemente in der Mitte
- ineffizientes Einfügen und Entfernen in der Mitte

## Verkettete Listen – Structs mit Pointern

- effizientes Einfügen und Entfernen in der Mitte
- ineffizienter direkter Zugriff auf Elemente in der Mitte

## Bäume – Structs mit Pointern

- Kompromiß

→ *Wie speichert man das möglichst effizient?*

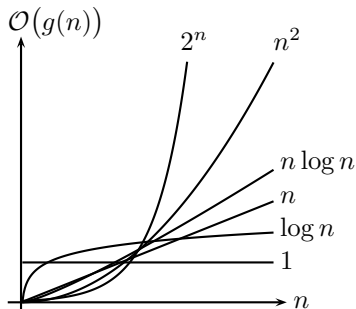
- ? möglichst schnell
- ? mit möglichst wenig Speicherplatzverbrauch
- ? unter Berücksichtigung gegebener Randbedingungen

# Aufwandsabschätzungen

- Türme von Hanoi:  $\mathcal{O}(2^n)$

Für jede zusätzliche Scheibe verdoppelt sich die Rechenzeit!

→  $\frac{32,712 \text{ s} \cdot 2^{32}}{3600 \cdot 24 \cdot 365,25} \approx 4452 \text{ Jahre}$   
für 64 Scheiben



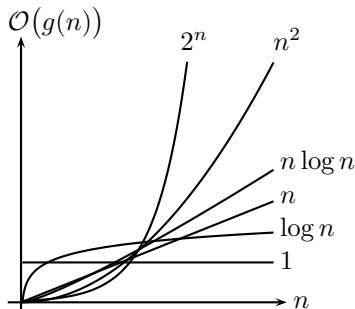
$n$ : Eingabedaten

$g(n)$ : Rechenzeit

# Aufwandsabschätzungen

- Türme von Hanoi:  $\mathcal{O}(2^n)$
- Minimum suchen:  $\mathcal{O}(n)$
- ... mit Schummeln:  $\mathcal{O}(1)$
- Minimum an den Anfang tauschen, nächstes Minimum suchen:  
→ Selectionsort:  $\mathcal{O}(n^2)$
- Während Minimumsuche prüfen und abbrechen, falls schon sortiert  
→ Bubblesort:  $\mathcal{O}(n)$  bis  $\mathcal{O}(n^2)$
- Rekursiv sortieren  
→ Quicksort:  $\mathcal{O}(n \log n)$  bis  $\mathcal{O}(n^2)$

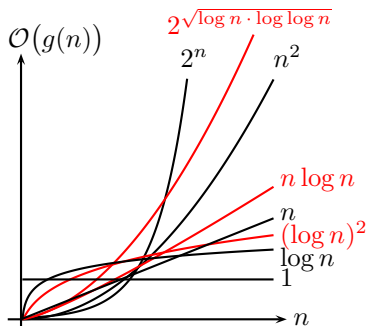
Faustregel:  
Schachtelung der Schleifen zählen  
 $x$  Schleifen →  $\mathcal{O}(n^x)$



$n$ : Eingabedaten  
 $g(n)$ : Rechenzeit

# Aufwandsabschätzungen

- Türme von Hanoi:  $\mathcal{O}(2^n)$
- Minimum suchen:  $\mathcal{O}(n)$
- ... mit Schummeln:  $\mathcal{O}(1)$
- Minimum an den Anfang tauschen, nächstes Minimum suchen:  
→ Selectionsort:  $\mathcal{O}(n^2)$
- Während Minimumsuche prüfen und abbrechen, falls schon sortiert  
→ Bubblesort:  $\mathcal{O}(n)$  bis  $\mathcal{O}(n^2)$
- Rekursiv sortieren  
→ Quicksort:  $\mathcal{O}(n \log n)$  bis  $\mathcal{O}(n^2)$



$n$ : Eingabedaten

$g(n)$ : Rechenzeit

Faustregel:

Schachtelung der Schleifen zählen

$x$  Schleifen  $\rightarrow \mathcal{O}(n^x)$

**RSA**: Schlüsselerzeugung (Berechnung von  $d$ ):  $\mathcal{O}((\log n)^2)$ ,

Ver- und Entschlüsselung (Exponentiation):  $\mathcal{O}(n \log n)$ ,

Verschlüsselung brechen (Primfaktorzerlegung):  $\mathcal{O}(2^{\sqrt{\log n \cdot \log \log n}})$

# Algorithmen und Datenstrukturen in C/C++

<https://gitlab.cvh-server.de/pgerwinski/ad.git>

1 Einführung

2 ...

*Rasterung*

$O(n \log n)$

array

struct

Wegfindung

CORDIC

**FFT**

**B-Baum**

Verschlüsseln

pointer

*verkettete Liste*

Datenbanken

*Datenkompression*

digitale Signatur

Hash-Tabelle

*Prüfsumme*

**kryptographische Hash-Funktion**

# Algorithmen und Datenstrukturen in C/C++

<https://gitlab.cvh-server.de/pgerwinski/ad.git>

- 1 Einführung
- 2 Datenorganisation
- 3 Optimierung
- 4 Hardwarenahe Algorithmen
- 5 Datenkodierung
- 6 Numerik



Änderungen  
vorbehalten



## Übungsaufgabe: Verkettete Listen

Schreiben Sie eine Funktion, die eine verkettete Liste in die umgekehrte Reihenfolge bringt.

- (a) Die Funktion soll möglichst schnell arbeiten.  
Auf den Speicherverbrauch kommt es nicht an.
- (b) Die Funktion soll möglichst wenig Speicher verbrauchen.  
Auf die Rechenzeit kommt es nicht an.
- (c) Wandeln Sie die einfach verkettete Liste in eine doppelt verkettete Liste um.

Geben Sie für alle Funktionen das Landau-Symbol für die Laufzeit und für den Speicherverbrauch an.

## Übungsaufgabe: Verkettete Listen

Schreiben Sie eine Funktion, die eine verkettete Liste in umgekehrter Reihenfolge ausgibt.

- (a) Die Funktion soll möglichst schnell arbeiten.  
Auf den Speicherverbrauch kommt es nicht an.
- (b) Die Funktion soll möglichst wenig Speicher verbrauchen.  
Auf die Rechenzeit kommt es nicht an.

Geben Sie für alle Funktionen das Landau-Symbol für die Laufzeit und für den Speicherverbrauch an.

Hinweis zu (a): Man kann es rekursiv machen.

# 1 Einführung

## Algorithmen

- Beispiele: [https://de.wikipedia.org/wiki/Liste\\_von\\_Algorithmen](https://de.wikipedia.org/wiki/Liste_von_Algorithmen)
- Häufig: „Wie würde ein Mensch es machen?“
- Beispiel: Insertionsort
- Ausnahme: Überblick behalten
- Beispiel: Rekursion
- Beispiel: Stundenplanprogramm

## Datenstrukturen

- Modellierung (UML)
- Beispiel: Optimierungspotential der Datenstrukturen in einem Computerspiel (592 Zeilen Python)

## 2 Datenorganisation

- C++-Standard-Templates
- Binäre Bäume
- B-Bäume
- Hash-Tabellen