

Hardwarenahe Programmierung

Übungsaufgaben – 21. Januar 2019

Diese Übung enthält Punkteangaben wie in einer Klausur. Um zu „bestehen“, müssen Sie innerhalb von 100 Minuten unter Verwendung ausschließlich zugelassener Hilfsmittel 17 Punkte (von insgesamt 35) erreichen.

Aufgabe 1: Stack-Operationen

Wir betrachten das folgende Programm ([aufgabe-1.c](#)):

```
#include <stdio.h>

#define STACK_SIZE 10

int stack[STACK_SIZE];
int stack_pointer = 0;

void push (int x)
{
    stack[stack_pointer++] = x;
}

int pop (void)
{
    return stack[--stack_pointer];
}

void show (void)
{
    printf ("stack_content:");
    for (int i = 0; i < stack_pointer; i++)
        printf ("_%d", stack[i]);
    if (stack_pointer)
        printf ("\n");
    else
        printf ("_(empty)\n");
}

void insert (int x, int pos)
{
    for (int i = pos; i < stack_pointer; i++)
        stack[i + 1] = stack[i];
    stack[pos] = x;
    stack_pointer++;
}

void insert_sorted (int x)
{
    int i = 0;
    while (i < stack_pointer && x < stack[i])
        i++;
    insert (x, i);
}

int main (void)
{
    push (3);
    push (7);
    push (137);
    show ();
    insert (5, 1);
    show ();
    insert_sorted (42);
    show ();
    insert_sorted (2);
    show ();
    return 0;
}
```

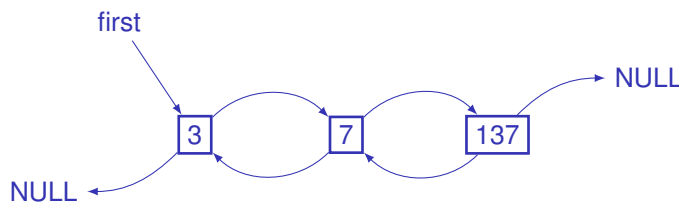
- (a) Ändern Sie das Programm so, daß die Funktion `insert()` ihren Parameter `x` an der Stelle `pos` in den Stack einfügt, und den sonstigen Inhalt des Stacks verschiebt, aber nicht zerstört. (3 Punkte)
- (b) Ändern Sie das Programm so, daß die Funktion `insert_sorted()` ihren Parameter `x` an derjenigen Stelle einfügt, an die er von der Sortierung her gehört. (Der Stack wird hierbei vor dem Funktionsaufruf als sortiert vorausgesetzt.) (2 Punkte)
- (c) Schreiben Sie eine zusätzliche Funktion `int search (int x)`, die die Position (Index) des Elements `x` innerhalb des Stack zurückgibt – oder `-1`, wenn `x` nicht im Stack enthalten ist. Der Rechenaufwand darf höchstens $\mathcal{O}(n)$ betragen. (3 Punkte)
- (d) Wie (c), aber der Rechenaufwand darf höchstens $\mathcal{O}(\log n)$ betragen. (4 Punkte)

Aufgabe 2: Einfach und doppelt verkettete Listen

Das Beispiel-Programm `aufgabe-2.c` demonstriert zwei Funktionen zur Verwaltung einfach verketteter Listen: `output_list()` zum Ausgeben der Liste auf den Bildschirm und `insert_into_list()` zum Einfügen in die Liste.

- Ergänzen Sie eine Funktion `delete_from_list()` zum Löschen eines Elements aus der Liste mit Freigabe des Speicherplatzes. (5 Punkte)
- Ergänzen Sie eine Funktion `reverse_list()` die die Reihenfolge der Elemente in der Liste umdreht. (3 Punkte)

Eine doppelt verkettete Liste hat in jedem Knotenpunkt (`node`) *zwei* Zeiger – einen auf das nächste Element (`next`) und einen auf das vorherige Element (z. B. `prev` für „previous“). Dadurch ist es leichter als bei einer einfach verketteten Liste, die Liste in umgekehrter Reihenfolge durchzugehen.



Der Rückwärts-Zeiger (`prev`) des ersten Elements zeigt, genau wie der Vorwärts-Zeiger (`next`) des letzten Elements, auf *nichts*, hat also den Wert `NULL`.

- Schreiben Sie das Programm um für doppelt verkettete Listen. (5 Punkte)

Aufgabe 3: Ternärer Baum

Der in der Vorlesung vorgestellte *binäre Baum* ist nur ein Spezialfall; im allgemeinen können Bäume auch mehr als zwei Verzweigungen pro Knotenpunkt haben. Dies ist nützlich bei der Konstruktion *balancierter Bäume*, also solcher, die auch im *Worst Case* nicht zu einer linearen Liste entarten, sondern stets eine – möglichst flache – Baumstruktur behalten.

Wir betrachten einen Baum mit bis zu drei Verzweigungen pro Knotenpunkt, einen sog. *ternären Baum*. Jeder Knoten enthält dann nicht nur einen, sondern *zwei* Werte als Inhalt:

```
typedef struct node
{
    int content_left, content_right;
    struct node *left, *middle, *right;
} node;
```

Wir konstruieren nun einen Baum nach folgenden Regeln:

- Innerhalb eines Knotens sind die Werte sortiert: `content_left` muß stets kleiner sein als `content_right`.
- Der Zeiger `left` zeigt auf Knoten, deren enthaltene Werte durchweg kleiner sind als `content_left`.
- Der Zeiger `right` zeigt auf Knoten, deren enthaltene Werte durchweg größer sind als `content_right`.
- Der Zeiger `middle` zeigt auf Knoten, deren enthaltene Werte durchweg größer sind als `content_left`, aber kleiner als `content_right`.
- Ein Knoten muß nicht immer mit zwei Werten voll besetzt sein; er darf auch *nur einen* gültigen Wert enthalten.

Der Einfachheit halber lassen wir in diesem Beispiel nur positive Zahlen als Werte zu. Wenn ein Knoten nur einen Wert enthält, setzen wir `content_right = -1`, und der Zeiger `middle` wird nicht verwendet.

- Wenn wir neue Werte in den Baum einfügen, werden *zuerst* die nicht voll besetzten Knoten aufgefüllt und *danach erst* neue Knoten angelegt und Zeiger gesetzt.

- Beim Auffüllen eines Knotens darf nötigenfalls `content_left` nach `content_right` verschoben werden. Ansonsten werden einmal angelegte Knoten nicht mehr verändert.

(In der Praxis dürfen Knoten gemäß speziellen Regeln nachträglich verändert werden, um Entartungen gar nicht erst entstehen zu lassen – siehe z. B. <https://de.wikipedia.org/wiki/2-3-4-Baum>.)

- (a) Zeichnen Sie ein Schaubild, das veranschaulicht, wie die Zahlen 7, 137, 3, 5, 6, 42, 1, 2 und 12 nacheinander und in dieser Reihenfolge in den oben beschriebenen Baum eingefügt werden – analog zu den Vortragsfolien ([hp-20190121.pdf](#)), Seite 43. (3 Punkte)
- (b) Dasselbe, aber in der Reihenfolge 2, 7, 42, 12, 1, 137, 5, 6, 3. (3 Punkte)
- (c) Beschreiben Sie in Worten und/oder als C-Quelltext-Fragment, wie eine Funktion aussehen müßte, um den auf diese Weise entstandenen Baum sortiert auszugeben. (4 Punkte)

Viel Erfolg – auch in der Klausur!